

التمرين الأول :

نعتبر النقط $E(4, -6, 2)$, $D(2, 1, 3)$, $C(6, -7, -1)$, $B(0, 3, 1)$, $A(1, -1, 3)$.

(1) أ - بين أن النقطة E هي مرجح للجملة $\{(A, 2)(B, -1), (C, 1)\}$.

ب - استنتج طبيعة (Γ) مجموعة النقط M من الفضاء حيث : $\|2\overline{MA} - \overline{MB} + \overline{MC}\| = 2\sqrt{21}$

(2) أ- بين أن النقط A , B , D تعين مستويا .

ب - بين أن المستقيم (EC) عمودي على المستوي (ABD) .

(3) أ - عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (EC) .

ب - عين إحداثيات F نقطة تقاطع (EC) مع المستوي (ABD) .

(4) بين أن المجموعة (Γ) والمستوي (ABD) متقاطعان .

التمرين الثاني :

(1) أدرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 3^n على 10 .

(2) استنتج باقي القسمة الإقليدية على 10 للعدد $63 \times 9^{2001} - 7^{1422}$.

(3) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n يكون : $3n \times 9^n + 7^{2n+1} \equiv (n-1) \times 3^{2n+1} [10]$

(4) عين قيم العدد الطبيعي n حتى يكون : $3n \times 9^n + 7^{2n+1} \equiv 0 [10]$

التمرين الثالث :

أ / نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{u}, \vec{v}) العدد المركب $z = x + iy$ صورته النقطة

M , نضع : $L = \frac{\bar{z} + 1}{z + i}$ حيث : $z \neq -i$

(1) أكتب L على الشكل الجبري .

(2) أثبت أن مجموعة النقط M من المستوي حتى يكون L تخيليا صرفا هي اتحاد مستقيمين يطلب معادلتها .

ب / نفرض أن : $z = 2 - 2i$ ونضع : $\frac{z}{u} = \sqrt{2} \left(\cos \frac{13\pi}{12} + i \sin \frac{13\pi}{12} \right)$

(1) أكتب z على الشكل المثلثي .

(2) أوجد u بالشكلين المثلثي والجبري .

(3) استنتج قيمتي $\cos \frac{13\pi}{12}$ و $\sin \frac{13\pi}{12}$.

(4) أكتب العدد $\left(\frac{z}{u} \right)^{2016}$ على الشكل الجبري .

التمرين الرابع :

نعتبر الدالة f المعرفة على $R - \{1\}$ كما يلي : $f(x) = \frac{x}{x-1} - \ln|x-1|$

وليكن (C_f) المنحنى البياني الممثل للدالة f في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

1 / أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1} f'(x)$ ثم فسر النهايتين الأخيرتين هندسيا .

2 / أ / بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $R - \{1\}$ فإن : $f'(x) = \frac{-x}{(x-1)^2}$

• استنتج إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

ب / تحقق أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha \in]4,5[$.

ج / أثبت أن المنحنى (C_f) يقبل مماسين (Δ) و (Δ') معامل توجيه كل منهما (-2) واكتب معادلتيهما .

د / أحسب $f(-1)$ ثم أرسم المماسين (Δ) و (Δ') والمنحنى (C_f) .

ه / ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m حلول المعادلة : $m(x-1) = 2x^2 - x - (x-1)\ln|x-1|$

4 / نعتبر الدالة h المعرفة على $R - \{-1,1\}$ كما يلي : $h(x) = f(|x|)$

وليكن (C_h) المنحنى البياني للدالة h في المعلم السابق .

أ / أحسب : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{h(x)}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{h(x)}{x}$. ماذا تستنتج بالنسبة للدالة h ؟

ب / بين أن الدالة h زوجية ثم أرسم منحناها البياني في نفس المعلم السابق .



Tech-Serrar Abdelhamid

إنتهى